



## شبیه سازی عددی امواج ناشی از زمین لغزش زیرسطحی با استفاده از روش هیدرودینامیک ذرات هموار تراکم ناپذیر سه مرحله ای صریح

سید عرفان حسینی مبرأ، رسول قبادیان\*

دانشکده علوم و مهندسی آب، دانشگاه رازی، کرمانشاه، ایران

### تاریخچه داوری:

دریافت: ۱۳۹۷-۰۷-۱۸

بازنگری: ۱۳۹۷-۱۰-۰۴

پذیرش: ۱۳۹۷-۱۰-۱۸

راهه آنلاین: ۱۳۹۷-۱۰-۱۸

### كلمات کلیدی:

شبیه سازی امواج

زمین لغزش زیرسطحی

جریان آزاد

روش هیدرودینامیک ذرات هموار

**خلاصه:** امواج ساحلی ناشی از زمین لغزش در دریاچه سدهای مخزنی می‌تواند اینمی سد را مورد تهدید قرار دهد. بنابراین شناخت دقیق هیدرولیک جریان ناشی از امواج ساحلی همواره مورد توجه محققین بوده به‌گونه‌ای که تاکنون تحقیقات گسترده‌آزمایشگاهی و عددی را به خود معطوف نموده است. در این تحقیق از یک روش کاملاً لاگرانژی عددی مبتنی بر ذرات و بدون شبکه بندی بهنام روش هیدرودینامیک ذرات هموار برای شبیه سازی امواج ساحلی ناشی از زمین لغزش استفاده شده است. معادلات حاکم از یک الگوریتم جدید سه مرحله ای هیدرودینامیک ذرات هموار که مبتنی بر روش پیش‌بینی و تصحیح است حل می‌شوند. به منظور معتبرسازی روش، از داده‌های آزمایشگاهی مسئله شکست سد روی بستر خشک استفاده شده است. نتایج این تحقیق، حل تحلیلی را خوب تقریب زده و مدل حاضر برای عمق جریان در محل شکست، به حل تحلیلی نزدیک است. رسیدن به ضریب همبستگی ۰/۹۹۹۸، متوسط خطای مطلق ۰/۰۵۴۲ و ضریب کارایی مدل نش ساتکلیف ۰/۹۷۴ برای پارامترهای مورده محاسبه، نشان می‌دهد مدل با دقت مناسبی کالیبره شده است و مدل مذکور توانایی شبیه سازی عمق و دبی آب را دارد. نتایج نشان داد که مدل سازی امواج ناشی از زمین لغزش در ناحیه تولید و ناحیه دورخیز توانایی بالایی دارد و ناحیه انتشار را با دقت ۹۵ درصد به خوبی شبیه سازی می‌کند. از مقایسه نتایج اندازه گیری شده و آزمایشگاهی، مقادیر آماری ضریب همبستگی و جذر میانگین مربعات خطای ترتیب ۰/۹۵ و ۰/۰۷۱ بدست آمد که نشان‌دهنده دقت بالای مدل در محاسبه نیمرخ سطح آب ناشی از زمین لغزش زیرسطحی می‌باشد.

### از نمونه‌های پراهمیت جریان‌های با سطح آزاد هستند.

### ۱- مقدمه

با پیشرفت روزافزون کامپیوتراها روش‌های عددی در شبیه‌سازی چنین مسائلی بسیار معمول شده است. اگرچه معادلات ریاضی و آماری که تعیین‌کننده رفتار امواج در نواحی ساحلی باشند تاکنون به طور کامل شناخته نشده است، با این حال به دلیل مزایایی که در روش‌های عددی وجود دارد، می‌توان با انجام برخی فرضیات ساده‌شونده، نتایج نسبتاً قابل قبولی به دست آورد. روش SPH<sup>۱</sup> یک روش کاملاً لاگرانژی است که در آن احتیاج به هیچ نوع شبکه‌بندی نیست.

اصولاً شبیه‌سازی چنین جریان‌هایی مشکل است، زیرا اولاً

درک پدیده‌های طبیعی که در اطراف بشر بوقوع می‌پیونددند از دیرباز دارای اهمیت بوده است. از این‌روه همواره محققان در تلاش بوده‌اند تا با یافتن قوانین حاکم بر این پدیده‌ها به کنترل آن‌ها پرداخته و به نحو مطلوب از آن‌ها در جهت رشد و توسعه زندگی بشر استفاده نمایند. یکی از این پدیده‌ها، پدیده جریان‌های با سطح آزاد است که دارای کاربردهای بسیار زیادی می‌باشد. حرکت سیال در کanal‌های باز، جریان ناشی از شکست سد، انتشار و شکست امواج در ساحل، امواج ضربه‌ای و آب شستگی بستر سواحل در اثر امواج ساحلی

\* نویسنده عهددار مکاتبات: rsghobadian@gmail.com

1 Smoothed Particle Hydrodynamics

(Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسنده‌گان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس <https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode> دیدن فرمائید.



مکانی به جای کمیت‌های فیزیکی بر روی تابع درون یابی که یک تابع تحلیلی و مشتق‌پذیر است، عمل می‌کنند.

در ادامه چند نمونه از مسائل استفاده از روش هیدرودینامیک ذرات هموار در سال‌های اخیر آورده شده‌است.

کاپن و همکارانش (۲۰۱۰) در پژوهشی یک مدل عددی از مدل ریاضی غیرنیوتی بینگام با استفاده از روش هیدرودینامیک ذرات هموار ارائه کردند [۴]. این مدل ابتدا با استفاده از فرمولاسیون SPH مجدد نوشته شد و سپس با استفاده از یک نمونه آزمایشی ویسکومتر حلقوی بررسی شد که نتایج توافق بسیار رضایت‌بخشی را نشان داد. در نهایت، با در نظر گرفتن پژوهش تجربی زادکه وج (۱۹۹۷) و همکارانش [۵]، خلق امواج سونامی ناشی از زمین‌لغزش زیرسطحی پدید آمد که مدل SPH رئولوژیکی اجراسده برای شبیه‌سازی تغییرشکل زمین‌لغزش و تعامل آن با آب استفاده شد و در نتیجه موجب شبیه‌سازی تولید و پخش امواج سونامی سطح نیز گردید. نتایج بدست‌آمده رضایت‌بخش ارزیابی گردیدند.

لرای و همکارانش (۲۰۱۴) بر پایه روشی نیمه تحلیلی به اصلاح شرط‌مرزی جامد در روش هیدرودینامیک ذرات هموار تراکمن‌پذیر<sup>۱</sup> پرداختند [۶]. مزیت این روش بر روش‌های پیشین، اعمال دقیق تر شرط‌مرزی نیومن برای حل میدان فشار با استفاده از معادله پواسون فشار بود که برای جریان‌های آرام و آشفته با عدد رینولدز متوسط نتایج قابل قبولی را ارائه می‌کند. از دیگر نقاط قوت این مدل، شبیه‌سازی دقیق تر جریان با هندسه‌های پیچیده، نسبت به مدل‌های پیشین می‌باشد.

ناپولی و همکارانش (۲۰۱۶) مدلی بر مبنای تلفیق دو روش حجم محدود و هیدرودینامیک ذرات هموار برای یک جریان تراکمن‌پذیر ابداع کردند [۷]. اساس این روش، گسسته سازی میدان محاسباتی به شبکه سازمان‌یافته شش‌ضلعی (دامنه حجم محدود) و بخش‌های تشکیل‌شده از ذرات لاغرانژی (دامنه SPH) می‌باشد که به طور همزمان اعمال می‌شوند. از دستاوردهای مهم این مدل، انعطاف‌پذیری بیشتر نسبت به مدل‌های شبکه‌بندی‌شده و هزینه‌های محاسباتی کمتر نسبت به روش حجم محدود می‌باشد.

دلای و همکارانش (۲۰۱۶) برای یافتن روش بهینه در هیدرودینامیک ذرات هموار تراکمن‌پذیر، انواع روش‌های متداول

تغییرات شکل سطح آزاد در آن‌ها زیاد بوده و اعمال شرایط مرزی برای این جریان‌ها دشوار می‌باشد. دوم این‌که، در روش‌هایی که از شبکه بندی فضای محاسباتی برای انجام محاسبات خود استفاده می‌کنند، تولید شبکه‌هایی که بتوانند فیزیک‌های پیچیده را مدل کند، مشکلاتی را ایجاد می‌کند. بهمین دلیل برای این نوع جریان‌ها، تمایل برای مدل سازی با استفاده از روش‌های بدون شبکه افزایش یافته‌است.

زمین‌لغزش یا رانش زمین به حرکت لایه‌های رسوبی غیرمتراکم و متراکم بر روی سطح شیبدار گفته می‌شود. رانش زمین ممکن است به علت زلزله، فعالیت آتش‌شانی، تغییرات آب‌های زیرزمینی، بهم خوردن یا تغییر شیب زمین رخ دهد [۱]. رانش زمین حتی می‌تواند در بستر دریا و زیر آب رخ دهد و امواج رفت‌وبرگشتی به وجود آورد که باعث تخریب در مناطق ساحلی شود. این رانش‌ها را رانش‌زمین زیردریایی می‌گویند. به علت دلایل ذکرشده بررسی و مدل‌سازی دقیق مخاطرات زمین‌لغزش همواره یکی از دغدغه‌های اصلی مهندسین بوده و روش‌های ارائه‌شده تاکنون به مدل‌سازی دقیقی از این پدیده نرسیده‌اند.

روشی که در این پژوهش جهت مدل‌سازی زمین‌لغزش مورداستفاده قرار می‌گیرد روش هیدرودینامیک ذرات هموار می‌باشد. این روش برای اولین بار توسط لویی در زمینه مسائل فیزیک ستاره‌شناسی به کار گرفته شد [۲]. از دیگر پیشگامان این روش می‌توان به موناگان اشاره کرد که علاوه بر مسائل فیزیک نجوم برای اولین بار این روش را برای تحلیل جریان‌های با سطح آزاد به کار گرفت و نتایج قابل قبولی نیز کسب کرد [۳]. با توجه به قابلیت این روش در شبیه‌سازی تغییرات زیاد مربوط به سطوح مشترک از جمله پخش‌شدنگی و بهم پیوستن ذرات، تاکنون در محدوده وسیعی از مطالعات از جمله برخورد سیال با سازه‌های جامد با موفقیت به کار گرفته شده‌است. هم‌چنین مراجع توانایی روش SPH را در شبیه‌سازی تعامل سیال‌سازه به خوبی نمایان می‌سازند [۱، ۴، ۷-۱۰، ۱۴ و ۲۱].

اساس این روش بر تئوری درون‌یابی انتگرالی بنیان نهاده شده‌است. در این روش اطلاعات مقادیر پارامترهای سیال از قبیل چگالی، سرعت و فشار مشخص است. معادلات دیفرانسیلی با استفاده از یک تابع درون‌یابی به معادلات انتگرالی تبدیل می‌شوند. مشتقات

<sup>۱</sup> Incompressible Smoothed particle hydrodynamics

افزایش دقت و پایداری به کار گرفته شده است [۱۳]. در این مدل برای کاهش اثرات غیر فیزیکی موج های سطحی که در اثر حرکت ذرات وجودی به وجود می آید، روند تخلیه به صورت تدریجی افزایش می یابد. نتایج این بررسی موفقیت آمیز ارزیابی شدند.

روزبهانی و همکارانش (۲۰۱۶) هیدرودینامیک ذرات هموار تراکم‌نایپذیر را بر مبنای تراکم‌پذیری مصنوعی<sup>۳</sup> (ACiSPH) برای ارزیابی جریان تراکم‌نایپذیر در دو حالت پایدار و ناپایدار به کار گرفتند [۱۴]. الگوریتم زمانی به کار گرفته شده در این روش، گام زمانی دوگانه بوده تا بتواند جریان ناپایدار را با دقت بیشتری تقریب بزند. مزیت این روش نسبت به روش تراکم‌نایپذیر معمول و روش ذره متحرک نیمه‌ضمنی، عدم نیاز به استفاده از معادله همراه با تکرار پواسون برای محاسبه میدان فشار می باشد.

خلوصی و همکارانش (۲۰۱۶) در مقاله‌ای به شبیه سازی عددی امواج ضربه ای ناشی از زمین لغزش های رخداده در سطح خاک و زیر دریا بر روی مخزن سد پرداختند [۱۵]. در این مقاله، Flow-3D انرژی، دوره و دامنه امواج بررسی شد و از مدل عددی به کار گرفته شد. نتایج نشان داد که امواج تولیدی وابستگی زیادی به جزئیات حرکت لغزش دارد. همچنین نتایج نشان داد که الگوی عمومی امواج در همه موارد مشابه است اما دامنه و دوره آن‌ها متفاوت است. تجزیه و تحلیل داده نشان می دهد که حداکثر دامنه تاج موج در امواج زمین لغزش از سطح خاک به شدت توسط زاویه شبیب کف، سرعت برخورد زمین لغزش، ضخامت، نوع حرکت و تغییرشکل زمین لغزش تحت تاثیر است.

لیوچائو و همکارانش (۲۰۱۷) در پژوهشی شبیه سازی سونامی ناشی از زمین لغزش های تغییرپذیر و غیرقابل انعطاف را با استفاده از روش ذره ای ارائه کردند [۱۶]. در این مقاله از SPH و DEM<sup>۴</sup> برای شبیه سازی سونامی های تولیدشده توسط زمین لغزش های تغییرپذیر و غیرقابل انعطاف، با در نظر گرفتن شرایط غوطه وری استفاده شد. جریان های آزاد ویسکوز با روش هیدرودینامیک ذرات هموار تراکم‌پذیر ضعیف حل شدند و جابجایی و چرخش لغزش های جسمی سخت با استفاده از DEM چند ضلعی محاسبه شدند. تعاملات مایع و جامد بوسیله اتصال SPH و DEM شبیه سازی شدند. یک مدل رئولوژیکی که

را مورد بحث قرار دادند [۸]. نتایج این پژوهش نشان می دهد که روش های تراکم‌پذیر ضمنی معمول به دلیل حجم محاسباتی بالا و سرعتی پایینی که در مقایسه با روش های تراکم‌پذیر محدود (روش هیدرودینامیک ذرات هموار تراکم نایپذیر ضعیف<sup>۱</sup>) دارند، ناکارآمد بوده که برای حل این مشکل روش هیدرودینامیک ذرات تراکم نایپذیر صریح پیشنهاد شده است. بررسی روش جدید نشان می دهد که این روش سرعت محاسباتی بالاتر و نمودار توزیع فشار هموارتری در مقایسه با روش های تراکم‌پذیر (روش هیدرودینامیک ذرات هموار تراکم نایپذیر ضعیف) داشته اما در مقابل خطاهایی در محاسبه دیورژانس سرعت دارد که برای رفع آن ناچار به استفاده از روش هیدرودینامیک ذرات تراکم نایپذیر صریح تکراری<sup>۲</sup> می باشد.

شی و همکارانش (۲۰۱۶) یک مدل مبتنی بر SPH برای تحریب و تغییرشکل های بزرگ یک شبیه سه بعدی را مدل‌سازی کرده‌اند [۹]. به منظور اعتبارسنجی، اثربخشی و دقت این مدل، دو نمونه معمولی از ناپایداری شبیب در دو و سه بعد شبیه سازی شده است. در نهایت، دو مدل مورد مطالعه جهت تحلیل نیمرخ سطح آب در شبیه های ناپایدار سه بعدی با تنظیمات مختلف هندسی، از جمله سطح منحنی وار و نیز سطحی که شبیب آن به کناره ها می چرخد، انجام شده است. نتایج نشان داد که روش SPH توانایی خوبی در مدل کردن تغییرشکل های بزرگ و پدیده های پیچیده را دارد. آنه و همکارانش (۲۰۱۶) فرایند امواج ضربه ای تولیدشده از زمین لغزش با یک مدل جدید ترکیبی خاک و آب را شبیه سازی کرده‌اند [۱۰]. آب به عنوان یک سیال ویسکوز با تراکم‌پذیری ضعیف مدل شده است، در حالی که خاک به عنوان یک ماده الاستو-پلاستیک مدل شده است. تعامل دو طرفه بین خاک و آب در وجه مشترک به صورت یک راه موجه و مستقیم اجرا شده است. دو نمونه آزمایشی، امواج تولیدشده توسط یک زمین لغزش آهسته (ویرلت و همکارانش [۱۱]) و یک زمین لغزش سریع (فریتزر و همکارانش [۱۲])، به منظور سنجش اعتبار مدل پیشنهادی شبیه سازی شدند. توافق خوبی بین نتایج شبیه سازی و داده های تجربی به دست آمد.

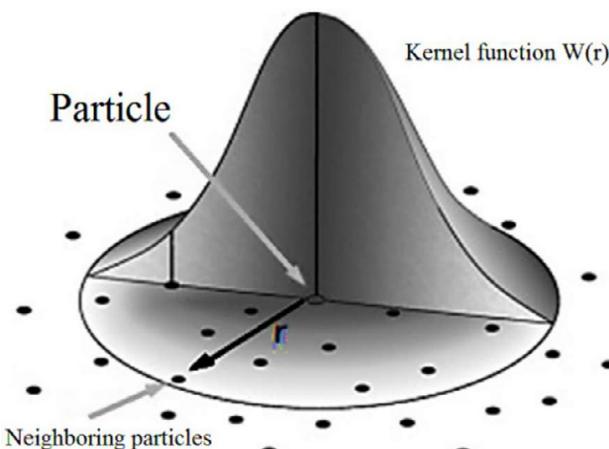
زراتی و همکارانش (۲۰۱۶) از روش هیدرودینامیک ذرات هموار برای شبیه سازی دو بعدی - جریان سطح آزاد - گذرا از یک اوریفیس استفاده کرده که در آن ویسکوزیته مصنوعی و روش XSPH برای

<sup>3</sup> Artificial Incompressible smoothed particle hydrodynamics

<sup>4</sup> Discrete element method

<sup>1</sup> Weakly incompressible Smoothed particle hydrodynamics

<sup>2</sup> Iterative-EISPH



شکل ۱. شماتیک تابع کرnel [۱۸]  
Fig. 1. Schematic of kernel function

کلیه متغیرها به وسیله این نقاط و توسط یک تابع درون یابی محاسبه می گردند. هر نقطه یک جرم، یک سرعت و بستگی به ویژگی های مسئله، دیگر مشخصه ها را با خود حمل می کند.

## ۲-۲- درونیابی

برای برآورده کمیت یک پارامتر در یک نقطه معین فرض می شود که نقاط مجاور، هر کدام با توجه به یک تابع درون یابی، سهمی در تخمین مقدار این پارامتر در نقطه موردنظر دارند. محدوده اطراف یک نقطه مشخص که نقاط واقع در این محدوده در درون یابی مقدار کمیت یک پارامتر در نقطه موردنظر دخیل هستند را ناحیه تاثیر آن نقطه می گویند و هرچه این محدوده بزرگتر باشد، تعداد نقاط بیشتری در درون یابی دخالت دارد.

هر مشخصه ای از ذره  $i$ ، که می تواند برداری یا اسکالار باشد، بوسیله جمع مستقیم از مشخصه های مربوطه از ذرات همسایه اش  $j$  به صورت زیر محاسبه می شود:

$$\phi_i(r_i) = \sum_j m_j \frac{\phi_j(r_j)}{\rho_j(r_j)} W(|r_i - r_j|, h) \quad (1)$$

در این معادله  $\phi$  کمیتی دلخواه در نقطه  $i$  با  $(x, y)$  است و  $W$  تابع درونیابی و طول هموارسازی هست.  $m$  جرم و  $\rho$  چگالی ذره،  $r$  و  $j$  به ترتیب به ذره اصلی و ذره همسایه اشاره دارد.

مدل های پاناستازیو<sup>۱</sup> و مدل هرشل بالکی<sup>۲</sup> را ترکیب می کند، برای نشان دادن رفتار ویسکوپلاستیک جریان غیرنیوتینی در نمونه های زمین لغزش های مستغرق تغییر شکل پذیر اعمال شدند. مقایسه نتایج شبیه سازی شده با نتایج آزمایشگاهی توافق خوبی را نشان داد که مشخص کرد روش های مبتنی بر ذرات قادر به مدل سازی سونامی های زمین لغزش مستغرق می باشند.

در این مقاله بر پایه روش SPH تراکم ناپذیر، یک الگوریتم SPH سه مرحله ای صریح در شبیه سازی تغییر شکل امواج به کار رفته است. در گام اول، معادله مومنتوم تنها با حضور نیروهای حجمی و در غیاب سایر نیروها حل می شود. سرعت میانی محاسبه شده از این مرحله با اعمال اثرات نیروی لزجت در گام دوم، اصلاح می شوند. یک معادله پواسون فشار در گام سوم، به عنوان جایگزین معادله حالت در روش SPH استاندارد استفاده می شود تا فشار ذرات را محاسبه نماید. این معادله پواسون، یک تعامل بین فشار و چگالی بوجود می آورد تا تغییرات چگالی را اصلاح نموده و تراکم ناپذیری سیال را اعمال نماید. به منظور معتبرسازی نتایج، با استفاده از الگوریتم سه مرحله ای صریح، در قالب یک کد فرترن، مسئله شکست سد روی بستر خشک مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج حاصل با داده های آزمایشگاهی و عددی صحبت سنجی شده است. پیشانی موج سیال نیوتینی محاسبه شده در محل شکست سد در مدل عددی حاضر، با مقادیر تحلیلی مقایسه گردیده است. پارامترهای آماری نظیر میانگین مطلق خطأ، ضریب کارایی مدل نش-ساتکلیف و دیگر موارد محاسبه و بررسی گردیدند و اعتماد به نتایج مدل به دست آمد. آن گاه این روش، برای شبیه سازی الگوی امواج زمین لغزش زیرسطحی استفاده شده است و نتایج آن با نتایج یک مدل آزمایشگاهی مقایسه گردیده است.

## ۲- مواد و روش ها

### ۲-۱- فرمولاسیون روش هیدرودینامیک ذرات هموار

موناگان برای اولین بار روش SPH را برای شبیه سازی جریان سطح آزاد سیال غیرقابل تراکم به کار برد. این روش با جایگزین کردن سیال توسط مجموعه ای از ذرات، حل تقریبی از معادلات دینامیک سیالات را ارائه می دهد. در این شبیه سازی یک سری نقاط درون یابی با توزیع دلخواه وجود دارند که می توانند ذرات سیال فرض شوند.

<sup>1</sup> Papanastasiou

<sup>2</sup> Herschel-Bulkley

## ۲-۳- توابع کرنل

مختلفی دارد که بستگی دارد که از کدام مشتق گیری استفاده شده است.

گرادیان و دیورژانس برای محاسبه مقدار یک خاصیت دلخواه ( $A$ ) کمیت اسکالر و  $V$  کمیت برداری) که بر حسب خواص ذرات مجاور تعریف شده است به ترتیب به صورت های زیر نوشته می شود:

$$\frac{1}{\rho_i} \nabla_i A = \sum_j m_j \left( \frac{A_i}{\rho_i^2} + \frac{A_j}{\rho_j^2} \right) \nabla_i W_{ij} \quad (7)$$

$$\frac{1}{\rho_i} \nabla_i \cdot V_i = \sum_j m_j \left( \frac{V_i}{\rho_i^2} + \frac{V_j}{\rho_j^2} \right) \nabla_i W_{ij} \quad (8)$$

می توان عملگر لایپلائین را به صورت ضرب داخلی دو عملگر دیورژانس و گرادیان دانست و با معلوم بودن معادلهای SPH از این دو عملگر، لایپلائین را به زبان SPH نوشته؛ اما این رویکرد و مشتق دوم حاصل از آن برای توابع کرنل، نسبت به ترتیب ذرات در میدان حل و نحوه توزیع آنها بسیار حساس بوده و در حل معادلات ناویر-استوکس به سادگی منجر به ناپایداری فشار و واگرایی حل خواهد شد. بنابراین از روشی که به حل این مشکل می پردازد استفاده می شود:

$$\begin{aligned} \nabla \cdot \left( \frac{1}{\rho} \vec{\nabla} A(r_i) \right) &= \\ \sum_j m_j \frac{8}{\rho_i^2 + \rho_j^2} \cdot \frac{A_{ij} \vec{r}_{ij} \cdot \vec{\nabla} W_{ij}}{\left| \vec{r}_{ij} \right|^2 + \eta^2} & \end{aligned} \quad (9)$$

در این رابطه  $A_{ij} = A_i - A_j$  و  $\eta$  عدد کوچکی است که از صفر شدن مخرج در حین محاسبات جلوگیری می کند و معمول برابر  $0.1h$  (طول هموارسازی کرنل) در نظر گرفته می شود.

## ۲-۴- معادلات حاکم

در حالت کلی معادلات حاکم بر جریان سیال شامل معادله بقای جرم و بقای ممنتوم می باشند. در چارچوب لاغرانژی می توان نوشت:

$$\frac{1}{\rho} \frac{D\rho}{Dt} + \nabla \cdot \vec{V} = 0 \quad (10)$$

$$\frac{D\vec{V}}{Dt} = -\frac{1}{\rho} \nabla P + \vec{g} + \frac{1}{\rho} \nabla \cdot \tau \quad (11)$$

معادله ۱۰، معادله بقای جرم در حالت تراکم پذیر و معادله ۱۱ معادله بقای مomentum است. چگالی ( $\rho$ ) عمدتاً در معادلات نگه داشته

## ۲-۴- گرادیان، دیورژانس و لایپلائین

توابع درون یابی در روش SPH نقش کلیدی دارند. این توابع که در واقع نوعیتابع وزن می باشند، چگونگی تقریب زدن مقدار یک کمیت و همچنین اندازه ناحیه تحت تاثیر هر ذره را بیان می کنند [۱۷].

در عمل توابع کرنل به صورتی انتخاب می شود که در فاصله محدودی اندازه آن قابل صرف نظر کردن باشد. شکل ۱ شماتیک یک تابع کرنل را نشان می دهد.

خواص زیر باید برای تابع هموارسازی صدق کند:

$$\int W_h(r - r', h) dr = 1 \quad (2)$$

$$W_h(|r - r'|) = 0 \quad (3)$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} W_h(r - r', h) = \delta(r - r') \quad (4)$$

$$W_h(r - r') > 0 \quad (5)$$

که در آن  $\delta$  تابع دلتای دیراک می باشد. در این مقاله از  $h$  ثابت استفاده شده است، لذا باید متناسب با مسئله مورد بررسی،  $h$  انتخاب شود. در این شبیه سازی از تابع کرنل اسپیلاین مکعبی استفاده شده است.

$$W_h(s) = \frac{\beta}{h^d} \begin{cases} (2-q)^3 - 4(1-q)^3 & 0 \leq q \leq 1 \\ (2-q)^3 & 1 \leq q \leq 2 \\ 0 & q > 2 \end{cases} \quad (6)$$

که در اینجا  $d = r/h$  تعداد بعد کرنل و  $\beta$  عددی ثابت است. این تابع کرنل این مزیت ها را دارد که دارای پشتیبانی فشرده ای است، مشتق دوم آن پیوسته است و مرتبه ترم خطای غالب آن  $h^2$  است. پیوستگی مشتق درجه دو به این معنا است که این تابع خیلی به به هم ریختگی ذرات حساس نیست و به شرطی که به هم ریختگی ذرات خیلی زیاد نباشد، خطاهای در تخمین انتگرال های درونیابی بوسیله مجموع درونیابی ها کوچک است.

فرمولاسیون ترم گرادیان در معادلات ناویر استوکس شکل های

هر دو دیدگاه فیزیکی و ریاضی، تنش برشی سیال تراکم ناپذیر را تابعی از نامتغیر اصلی دوم  $D$  یعنی  $|D|$  می‌دانند:

$$|D| = \sqrt{\sum_{i,j} D_{ij} D_{ji}} \quad (15)$$

به طوری که رابطه بین تنش برشی و نرخ کرنش برای سیالات نیوتینی و غیرنیوتینی به صورت زیر بیان می‌گردد:

$$\tau = \mu(|D|)D \quad (16)$$

در صورتی که این معادله برای سیالات نیوتینی استفاده شود، به شکل زیر خواهد شد:

$$\tau = 2\mu D \quad (17)$$

بردار گرادیان سرعت را در حالت دو بعدی به شکل زیر می‌توان نوشت:

$$\nabla V = \begin{bmatrix} \frac{\partial u}{\partial x} & \frac{\partial u}{\partial y} \\ \frac{\partial v}{\partial x} & \frac{\partial v}{\partial y} \end{bmatrix} \quad (18)$$

و بنابراین:

$$D = \begin{bmatrix} \frac{\partial u}{\partial x} & \frac{1}{2} \left( \frac{\partial u}{\partial y} + \frac{\partial v}{\partial x} \right) \\ \frac{1}{2} \left( \frac{\partial u}{\partial y} + \frac{\partial v}{\partial x} \right) & \frac{\partial v}{\partial y} \end{bmatrix} \quad (19)$$

چون در SPH تنها فاصله ذرات متغیر مستقل است و متغیرهای دیگر وابسته به آن هستند، گرادیان‌های سرعت را می‌توان به صورت زیر محاسبه نمود:

$$\left( \frac{\partial V}{\partial x} \right)_i = \sum_j \frac{m_j}{\rho_j} (V_j - V_i) \frac{(x_j - x_i)}{\|r_j - r_i\|} dW \quad (20)$$

$$\left( \frac{\partial V}{\partial y} \right)_i = \sum_j \frac{m_j}{\rho_j} (V_j - V_i) \frac{(y_j - y_i)}{\|r_j - r_i\|} dW \quad (21)$$

در نتیجه با ترکیب معادلات بالا، معادله ۱۳ را به صورت زیر می‌توان نوشت:

$$\left( \frac{1}{\rho} \nabla \cdot \tau \right)_i = \left( \frac{\mu}{\rho} \nabla^2 \vec{V} \right)_i = \sum_j \frac{4m_j(\mu_i + \mu_j)\vec{r}_{ij} \cdot \nabla_i W_{ij}}{(\rho_i + \rho_j)^2 (\|\vec{r}_{ij}\|^2 + \eta^2)} (\vec{V}_i - \vec{V}_j) \quad (22)$$

که در آن  $h = 0.1h$  برای جلوگیری از صفر شدن مخرج می‌باشد.

شده است تا بتوان تراکم ناپذیری سیال را اعمال نمود.

معادله پیوستگی در فرم SPH به شکل زیر نوشته می‌شود:

$$\frac{d\rho_i}{dt} = \sum_j m_j (V_i - V_j) \nabla_i W_{ij} \quad (12)$$

با استفاده از یک معادله ساختاری مناسب برای مدل تانسور تنش برشی  $\tau$ ، می‌توان معادلات ۱۰ و ۱۱ را برای سیالات نیوتینی و غیرنیوتینی حل نمود. معادله ممتد شامل سه ترم نیرویی می‌باشد، از جمله نیروی حجمی (در اینجا نیروی حاصل از شتاب گرانش)، نیروی ناشی از دیورژانس تانسور تنش و گرادیان فشار است که باید همراه با قید تراکم ناپذیری به کار گرفته شوند. در روش SPH معادلات فوق بایستی برای هر ذره در هر گام زمانی حل شوند.

اعمال اثر لزجت

اگرچه لوسي اولین نفری بود که جمله لزجت را در معادلات SPH معرفی کرد، بسیاری از کاربردهای لزجت در شبیه‌سازی‌های SPH توسط گینگلد و موناگان مرسوم شد [۱۹]. ترم لزجتی که توسط گینگلد و موناگان معرفی شده است، این مزیت را دارد که شامل یک جمله سرعت خطی است که لزجت برشی و حجمی<sup>۱</sup> را تولید می‌کند، به همین ترتیب یک جمله سرعت درجه دوم در معادله SPH، معادل لزجت مجازی است که در روش‌های المان محدود مورد استفاده قرار می‌گیرد.

جمله لزجت در معادله ۱۱ نیز از ترکیب مشتق اول SPH با یک تقریب دیفرانسیل محدود برای مشتق اول به دست می‌آید. با استفاده از تعریف SPH برای دیورژانس جمله لزجت به شکل زیر نوشته می‌شود:

$$\left( \frac{1}{\rho} \nabla \cdot \tau \right)_i = \sum_j m_j \left( \frac{\tau_i}{\rho_i^2} + \frac{\tau_j}{\rho_j^2} \right) \cdot \nabla_i W_{ij} \quad (13)$$

برای محاسبه  $\tau$ ، در این مقاله از رابطه آن با نرخ کرنش استفاده می‌شود. نرخ کرنش برشی در سیالات نیوتینی و غیرنیوتینی از رابطه زیر محاسبه می‌شود [۲۰]:

$$D = \frac{\nabla V + \nabla V^T}{2} \quad (14)$$

که در اینجا  $(u, v) = V$  بردار سرعت می‌باشد.

<sup>1</sup> Shear and bulk viscosity

$$x_* = x_t + u_{**} \Delta t \quad (29)$$

$$y_* = y_t + v_{**} \Delta t \quad (30)$$

موقعیت نهایی ذرات نیز با استفاده از دیفرانسیل مرکزی روی ذره به دست می‌آید:

$$r_{t+\Delta t} = r_t + \frac{\Delta t}{2} (V_{t+\Delta t} + V_t) \quad (31)$$

برای کاهش حجم محاسباتی و بالابردن سرعت اجرای برنامه کامپیوتری، از یک الگوریتم درختی<sup>۱</sup> برای یافتن همسایه‌های هر ذره استفاده شده است.

این دو گام را مراحل پیش‌بینی می‌نامند؛ اما تاکنون هیچ شرطی برای تراکم‌ناپذیری سیال، اعمال نشده است و سرعت‌های به دست آمده، معادله بقای جرم را ارضا نمی‌کنند. بنابراین انتظار می‌رود که چگالی ذرات در طول این دو مرحله اندکی تغییر کرده باشند. برای محاسبه این تغییر چگالی از معادله پیوستگی کمک گرفته و یک چگالی موقتی برای ذره به دست می‌آید. در نتیجه، با استفاده از معادله ۱۲ خواهیم داشت:

$$\rho_* = \rho_0 + \left( \sum_j m_j (V_i - V_j) \nabla W_j \right) \Delta t \quad (32)$$

در معادله فوق  $\rho_*$  چگالی لحظه‌ای سیال در پایان مرحله پیش‌بینی اولیه و  $\rho_0$  چگالی ثابت سیال است. اکنون باید میدان سرعت ذره دوباره محاسبه شود تا چگالی سیال به مقدار اولیه خود اصلاح گردد. برای این منظور، در گام سوم که مرحله تصحیح الگوریتم می‌باشد، گرادیان فشار در معادله مومنتم با معادله پیوستگی به شکل زیر ادგام می‌شود:

$$\frac{1}{\rho_0} \frac{\rho_0 - \rho_*}{\Delta t} + \nabla (\hat{V}) = 0 \quad (33)$$

$$\hat{V} = - \left( \frac{1}{\rho_*} \nabla P \right) \Delta t \quad (34)$$

در معادلات بالا ( $\hat{u}, \hat{v}$ ) میدان سرعت تصحیح شده می‌باشد. با ترکیب معادلات فوق، معادله پواسون فشار به شکل زیر به دست می‌آید:

$$\nabla \left( \frac{1}{\rho_*} \nabla P_{t+\Delta t} \right) = \frac{\rho_0 - \rho_*}{\rho_0 \Delta t^2} \quad (35)$$

با استفاده از معادلات ۷ و ۲۲، معادله ۱۱ به شکل زیر در می‌آید:

$$\begin{aligned} \frac{D \vec{V}_i}{Dt} &= - \sum_j m_j \left( \frac{P_i}{\rho_i^2} + \frac{P_j}{\rho_j^2} \right) \vec{\nabla}_i W_{ij} + \vec{g} + \\ &\sum_j \frac{4m_j(\mu_i + \mu_j) \vec{r}_{ij} \cdot \nabla_i W_{ij}}{(\rho_i + \rho_j)^2 (\vec{r}_{ij}^2 + \eta^2)} (\vec{V}_i - \vec{V}_j) \end{aligned} \quad (23)$$

۶-۲- الگوریتم سه مرحله‌ای حل سیال به روش SPH تراکم‌ناپذیر در این قسمت بر پایه مطالعات منظری و همکارانش (۲۰۰۷) یک الگوریتم سه مرحله‌ای کاملاً صریح، برای نشان دادن ترتیب مراحل انجام محاسبه معادلات حاکم بر سیال (معادلات بقای جرم و مومنتم) ارائه می‌شود [۲۱]. در گام اول این الگوریتم، معادله مومنتم با اعمال نیروهای حجمی و بدون در نظر گرفتن سایر نیروها حل می‌شود و یک سرعت میانی به دست می‌آید. در صورتی که تنها نیروی حجمی مؤثر بر سیال، نیروی جاذبه زمین باشد، خواهیم داشت:

$$u_* = u_t + g_x \Delta t \quad (24)$$

$$v_* = v_t + g_y \Delta t \quad (25)$$

که  $(u_*, v_*) = (\bar{V}_*, g)$  سرعت میانی ذرات،  $g = (g_x, g_y)$  شتاب گرانشی و  $\Delta t$  گام زمانی می‌باشد.

در گام دوم، از سرعت‌های میانی محاسبه شده در مرحله قبل، برای محاسبه  $|D|$  استفاده می‌شود تا این طریق، دیورژانس تنش برشی محاسبه گردد. با توجه به اینکه تنش برشی به شکل تانسوری است، دیورژانس آن یک بردار خواهد شد که در اینجا به شکل زیر نوشته می‌شود:

$$\left( \frac{1}{\rho} \nabla \cdot \tau \right)_i = S = S_x i + S_y j \quad (26)$$

بنابراین با اعمال دیورژانس تنش برشی از معادله مومنتم، سرعت میانی مرحله دوم هر ذره به شکل زیر به دست می‌آید:

$$u_{**} = u_* + S_x \Delta t \quad (27)$$

$$v_{**} = v_* + S_y \Delta t \quad (28)$$

در این مرحله با استفاده از این سرعت‌های میانی، جابجایی ذرات با استفاده از روابط زیر محاسبه می‌شوند:

$$u_{t+\Delta t} = u_{**} + \hat{u} \quad (39)$$

$$v_{t+\Delta t} = v_{**} + \hat{v} \quad (40)$$

سرعت نهایی ذرات را با استفاده از ضریب XSPH می‌توان اصلاح نمود تا تضمین شود که یک ذره با سرعتی نزدیک به سرعت میانگین ذرات همسایه اش حرکت می‌کند. بدین ترتیب از ایجاد بی‌نظمی در حرکت ذرات جلوگیری می‌شود. موقعیت نهایی ذرات نیز با استفاده از دیفرانسیل مرکزی روی ذره به دست می‌آید:

$$x_{t+\Delta t} = x_t + \frac{\Delta t}{2}(u_{t+\Delta t} + u_t) \quad (41)$$

$$y_{t+\Delta t} = y_t + \frac{\Delta t}{2}(v_{t+\Delta t} + v_t) \quad (42)$$

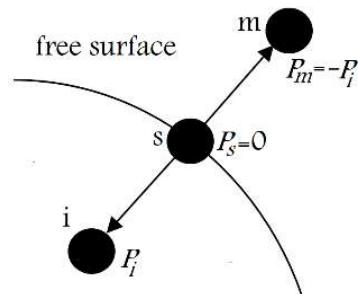
الگوریتم بیان شده، برای هر ذره در هر گام زمانی است، بنابراین باید برای تمام ذرات انجام شود تا حرکت کل سیال برای یک گام زمانی به وجود آید. برای شبیه‌سازی حرکت سیال در یک زمان مشخص، این پروسه تا برآورده کردن زمان مورد نظر ادامه می‌یابد.

## ۲-۷- سطح آزاد

در الگوریتم‌های مختلف SPH تراکمن‌پذیر روش‌های مختلفی برای تعیین سطح آزاد معرفی می‌شود. هنگامی که یک ذره سیال در روی سطح آزاد قرار بگیرد چگالی آن نسبت به چگالی ذرات داخلی سیال کاهش قابل توجهی پیدا می‌کند و از این طریق می‌توان پی برد که آیا یک ذره مشخص بر روی سطح آزاد قرار دارد یا خیر [۲۲]. بعبارت دیگر ذراتی که شرایط زیر را ارضاء کنند به عنوان یک ذره سطح آزاد شناخته می‌شوند و فشار صفر برای آن‌ها منظور می‌شود.

$$\rho_* < \beta_0 \quad (43)$$

که چگالی ذرات در گام پیش‌بینی،  $\rho_0$  چگالی ثابت سیال و  $\beta$  پارامتر مربوط به سطح آزاد است. معمولاً  $0.8 < \beta < 0.9$  می‌باشد. ذره  $i$  یک ذره درونی سیال، ذره  $s$  یک ذره سطح آزاد و  $m$  یک ذره مجازی است. در این صورت ذره مجازی  $m$  باید از لحاظ موقعیت در نقطه قرینه ذره  $i$  نسبت به ذره  $s$  باشد. موقعیت این ذرات در شکل ۲ به تصویر کشیده شده است.



شکل ۲. محل قرارگیری یک ذره مجازی سیال در آن سوی مرز سطح آزاد [۲۲]

Fig. 2. The location of a virtual fluid particle beyond the free surface boundary

ترم منبع معادله ۳۵ که در واقع ترم لاپلاسین است را می‌توان با استفاده از معادلات SPH با دو بار مشتق‌گیری ازتابع درون‌یابی به دست آورد ولی این فرم از ترم لاپلاسین هنگامی که ذرات پراکنده باشند منجر به ناپایداری در محاسبه فشار و سرعت می‌شود. شائو (۲۰۰۵) با یک تقریب تفاضل محدود از مشتق اول، فرمی از معادله لاپلاسین را ارائه کرده است که از این ناپایداری جلوگیری می‌کند [۲۲]:

$$\nabla \left( \frac{1}{\rho} \nabla P \right)_i = \sum_j m_j \frac{8}{(\rho_i + \rho_j)^2} \frac{P_j \vec{r}_j \cdot \nabla_i W_j}{|\vec{r}_j|^2 + \eta^2} \quad (36)$$

که  $\vec{r}_i - \vec{r}_j = \vec{r}_{ij}$  و  $\eta$  یک مقدار کوچک برای جلوگیری از صفر شدن مخرج معادله ۳۶ است که برابر  $0.1h$  می‌باشد. در صورتی که معادله ۳۵ به شکل SPH نوشته شود، فشار هر ذره را در یک گام زمانی می‌توان محاسبه نمود:

$$P_i = \left( \frac{\rho_0 - \rho_*}{\rho_0 \Delta t^2} + \sum_j m_j \frac{8}{(\rho_i + \rho_j)^2} \frac{P_j \vec{r}_{ij} \cdot \nabla_i W_{ij}}{|\vec{r}_{ij}|^2 + \eta^2} \right) \left( \sum_j m_j \frac{8}{(\rho_i + \rho_j)^2} \frac{\vec{r}_{ij} \cdot \nabla_i W_{ij}}{|\vec{r}_{ij}|^2 + \eta^2} \right)^{-1} \quad (37)$$

با استفاده از معادله ۳۶ و محاسبه فشار هر ذره، سرعت اصلاحی، مطابق زیر به دست می‌آید:

$$\hat{V}_i = -\Delta t \sum_j m_j \left( \frac{P_i}{\rho_{*_i}^2} + \frac{P_j}{\rho_j^2} \right) \nabla_i W_j \quad (38)$$

که  $\rho_*$  چگالی ذرات در گام پیش‌بینی است. در نهایت سرعت نهایی ذرات در پایان گام زمانی به صورت زیر محاسبه می‌شود:

لایپلاسین فشار بین ذره سطح آزاد  $i$  و ذره درونی  $i$  استفاده می‌شود:

$$\nabla \left( \frac{1}{\rho} \nabla P \right)_{si} = 2 \left( m_s \frac{8}{(\rho_s + \rho_i)^2} \frac{P_{si} r_{si} \cdot \nabla_s W_{si}}{|r_{si}|^2 + \eta^2} \right) \quad (47)$$

با به کار بردن این معادله، شرط تراکمناپذیری برای ذرات سطح آزاد اعمال می‌شود.

## ۲-۲- مرزهای جامد

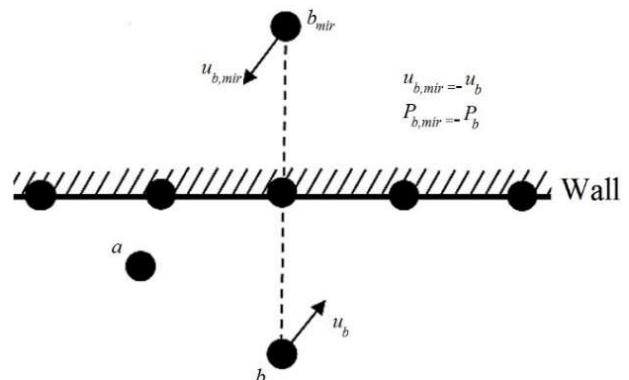
اعمال شرایط مرزی به شکل‌های مختلف در روش SPH قابل انجام است. یک روش این است که دیوار جامد به صورت یک آینه برای ذرات داخلی عمل کنند. بنابراین نزدیک شدن هر ذره به دیوار هم‌زمان با نزدیک شدن یک ذره مجازی در آن طرف دیوار به دیوار است. بدین ترتیب نیروی دافعه اعمال شده از طرف ذره مجازی اجازه عبور ذره داخلی از دیوار را نخواهد داد. در این روش مرزهای دیواره توسط ذرات ثابتی مدل می‌شوند. معادله پواسون برای این ذرات حل خواهند شد. علاوه بر آن، به تعدادی ذره مجازی احتیاج است که در سمت بیرونی دیواره قرار بگیرند تا چگالی سیال در ذرات دیواره را با چگالی سیال درونی سازگار نگه دارند. با این حال این ذرات، ثابت نیستند بلکه حرکت ذرات سیال درونی را نسبت به دیواره به صورت آینه‌ای انعکاس می‌دهند. در نتیجه شرط مرزی عدم لغزش را در مرزهای جامد به خوبی ارضاء می‌کنند. موقعیت این ذرات در شکل ۳ نمایش داده شده است.

دیواره، ذراتی دارد که در محل خود ثابت هستند. بنابراین برای عکس العمل بین ذره سیال داخلی  $a$  و ذره  $b$ ، در صورتی که ذرات  $a$  و  $b$  نزدیک دیواره باشند، یک عکس العمل اضافی بین ذره  $b$  و یک ذره مجازی  $b_{mir}$  نیز احتیاج است. ذره مجازی  $b_{mir}$  دارای ویژگی‌های زیر می‌باشد:

موقعیت  $b_{mir}$  بر اساس موقعیت ذره  $b$  به صورت آینه‌ای نسبت به دیوار تعیین می‌شود:

سرعت  $b_{mir}$  برای برقراری عدم لغزش، مساوی و مخالف جهت ذره  $b$  تعیین می‌شود، یعنی:  $u_{b,mir} = -u_b$ . فشار ذره  $b_{mir}$  نیز مساوی و مخالف با فشار ذره  $b$  است. بنابراین شرط مرزی همگن نیومن،  $\partial P / \partial n$  اعمال می‌شود.

اثر این ذرات مجازی در اپراتورهای گرادیان، لزجت و لایپلاسین



شکل ۳. رفتار دیواره مرزی- رابطه بین ذرات درونی، مجازی و دیواره [۱۸]  
Fig. 3. Boundary wall behavior, the relationship between internal, virtual and wall particles

همان‌طور که در شکل ۲ مشخص شده است، به ذره مجازی  $m$  قرینه فشار ذره درونی  $i$  اعمال می‌شود که در این صورت با درونی یابی بین این دو مقدار، میزان فشار ذره سطح آزاد صفر می‌شود [۲۲]. گرادیان فشار بین ذرات سطح آزاد  $i$  ذره مجازی  $m$  و ذره درونی  $i$  به شکل زیر خواهد شد:

$$\begin{aligned} \left( \frac{1}{\rho} \nabla P \right)_s &= m \left( \frac{P_s}{\rho_s^2} + \frac{P_i}{\rho_i^2} \right) \nabla_s W_{si} + \\ &m \left( \frac{P_s}{\rho_s^2} + \frac{P_m}{\rho_m^2} \right) \nabla_s W_{sm} \end{aligned} \quad (44)$$

گرادیان بین ذره  $m$  و  $s$  برابر با گرادیان بین ذره  $s$  و  $i$  است:

$$\begin{aligned} P_m &= -P_i \\ P_s &= 0 \\ \nabla_s W_m &= \nabla_s W_i \end{aligned} \quad (45)$$

با اعمال شرایط معادله ۴۴ در معادله ۴۵ خواهیم داشت:

$$\left( \frac{1}{\rho} \nabla P \right)_s = 2m \left( \frac{P_i}{\rho_i^2} \right) \nabla_s W \quad (46)$$

در نتیجه، میزان واقعی گرادیان فشار یک ذره سطح آزاد دو برابر می‌شود و با اعمال این شرایط می‌توان ذرات سطح آزاد را به درستی حرکت داد. از آن جایی که معادله پواسون برای ذرات سطح آزاد حل نمی‌شود، در این روش، شرط تراکمناپذیری برای ذرات سطح آزاد اعمال نمی‌شود. استفاده از معادله بالا برای این ذرات، باعث ایجاد ناپایداری در حل عددی خواهد شد. برای رفع این مشکل، از معادله

در معادلات ناویر- استوکس نمایان می‌شود.

### شکست سد روی بستر خشک

سقوط ستون سیال بر روی یک سطح افقی در اصطلاح شکست سد نامیده می‌شود و یک مسئله معیار کلاسیک برای ارزیابی روش‌های مدل‌سازی سطح آزاد است. شکست موج در نزدیکی ساحل، یک مسئله مهم تحقیقاتی در مهندسی دریا و سواحل است. همان‌طور که در شکل ۴ دیده می‌شود مسئله متشکل از یک ستون سیال مستطیلی شکل محدود بین یک دیواره ثابت و یک دیواره‌ی موقت (سد) با شیب خفیف است.

در زمان  $t=0$  سد برداشته شده و به ستون سیال اجازه داده می‌شود تحت اثر گرانش سقوط کند. در این شبیه‌سازی ستونی از سیال به طول ۲ متر و ارتفاع  $1/10$  متر در نظر گرفته شده است. سیال درون مخزنی به طول ۷ متر و ارتفاع ۲ متر قرار دارد. در کار حاضر، فاصله‌ی اولیه بین ذرات  $L_0 = 0.005m$  طول هموارسازی و گام زمانی  $s = 0.0003s$  و  $h = 1.5L_0$  در نظر گرفته شده است. تعداد  $8000$  ذره‌ی سیال و  $6612$  ذره‌ی جامد (سه لایه برای هر مرز جامد) برای مرزها در شبیه‌سازی به کار گرفته شده است. در سطح آزاد هیچ عملیات اضافی اعمال نشده و به صورت خودکار ردیابی شده است. در ضمن بستر سیال نسبت به افق شیب یک درصد دارد. جهت صحت سنجی نمودار زمان بی بعد بر حسب موقعیت بدون بعد نقطه جلوی موج (جبهه موج) مقایسه می‌گردد. زمان بی بعد بر حسب موقعیت بی بعد برای آب با مشخصات  $\rho = 1000kg/m^3$  و  $\mu = 0.0001pas$  برای بی بعد سازی زمان از رابطه‌ی  $t \times \sqrt{g/h}$  و جهت بی بعد سازی موقعیت جلوی موج (پیشانی موج) از رابطه  $(x - L)/H$  استفاده شده است که مقدار  $L = 2m$ ،  $H = 0.1m$  و  $g = 9.81m/s^2$  می‌باشد. همان‌طور که در شکل ۵ دیده می‌شود نتایج حاصل از روش عددی حاضر تطابق خوبی با کار تجربی کوماتینا و ژوانوویچ دارد [۲۴].

در شکل ۶ موقعیت سطح آزاد موج با نتایج آزمایشگاهی مارتین و مویس مقایسه شده است [۲۵]. دایره‌های سفید (توخالی) در شکل زیر نتایج آزمایشگاهی مارتین و مویس را نشان می‌دهد.

همان‌طور که مشاهده می‌شود تطابق نسبتاً خوبی بین نتایج حاصل از روش حاضر و نتایج آزمایشگاهی برقرار است. به علت عملکرد شرط‌مرزی برای عدم نفوذ ذرات سیال همان‌طور که در

### ۲-۹- محاسبه اندازه گام زمانی

همانند سایر روش‌های دینامیک سیالات محاسباتی، روش SPH به تعداد قابل قبولی ذره برای حصول دقت نتایج نیاز دارد. به دلیل اینکه ذرات داخلی سیال ذاتاً ذراتی گسسته می‌باشند نمی‌توانند مانند سیال واقعی تغییر شکل پیدا کنند. بنابراین تعداد این ذرات می‌بایست به اندازه کافی انتخاب شود تا جریان واقعی سیال شبیه‌سازی شود و از طرفی همگرایی عددی لازم نیز به دست آید.

تحلیل پایداری به منظور یافتن مقدار گام زمانی مناسب استفاده می‌شود. در این پژوهش گام زمانی  $\Delta t$  در محاسبات می‌بایست شرط کورانت<sup>۱</sup> معادله ۴۸ را نیز ارضاء نماید [۲۳]:

$$\Delta t \leq 0.1 \frac{I_0}{V_{\max}} \quad (48)$$

در رابطه فوق  $V_{\max}$  بیشینه سرعت ذرات در هر گام زمانی از محاسبات می‌باشد. ضریب  $1/10$  تضمین می‌کند که ذرات در هر گام زمانی تنها به اندازه جزئی از فاصله ذرات ( $h$ ) حرکت کنند. محدودیتی دیگر برای گام زمانی از روش تفاضل محدود صریح جهت شبیه‌سازی مسئله دیفیوژن حاصل می‌شود؛ که قید زیر را روی گام زمانی اعمال می‌کند:

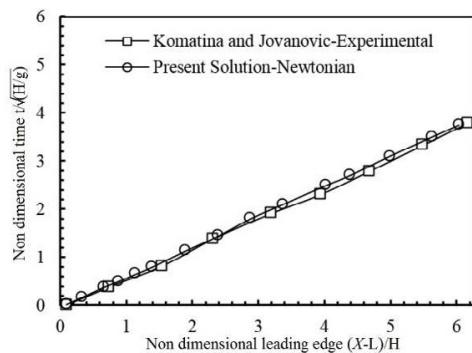
$$\Delta t \leq \alpha \frac{I_0^2}{\mu_{eff}/\rho} \quad (49)$$

در رابطه فوق  $\alpha$  ضریبی است که به انتخاب نوع کرنل و آرایش اولیه ذرات بستگی دارد.  $\alpha$  معمولاً با آزمایش‌های عددی به دست می‌آید و از مرتبه  $1/10$  است. ویسکوزیته مؤثر  $\mu_{eff}$  با توجه به یک مدل ساده نیوتونی محاسبه می‌شود. بدیهی است که گام زمانی قابل قبول باشیستی هر دو شرط فوق را برابر دهد کنند.

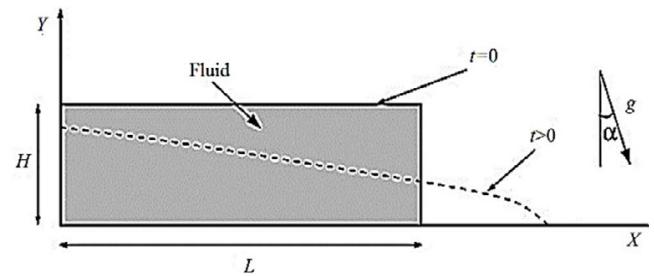
### ۳- اعتبارسننجی مدل

در این قسمت با استفاده از الگوریتم سه مرحله‌ای صریح در قالب یک کد فرتون، مسئله شکست سد روی بستر خشک مورد بررسی قرار می‌گیرد. سپس نتایج حاصل با داده‌های آزمایشگاهی و عددی صحت‌سننجی می‌شود.

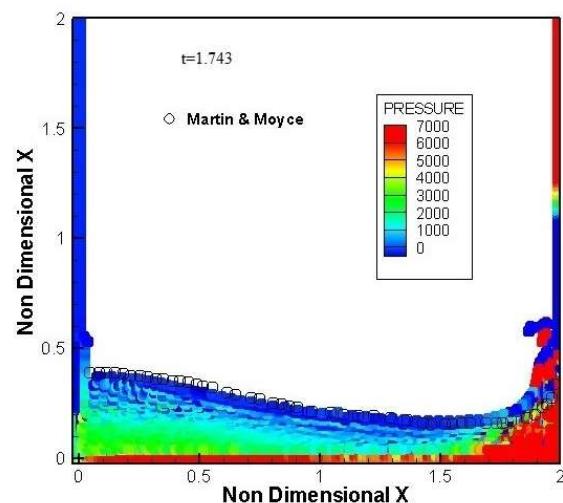
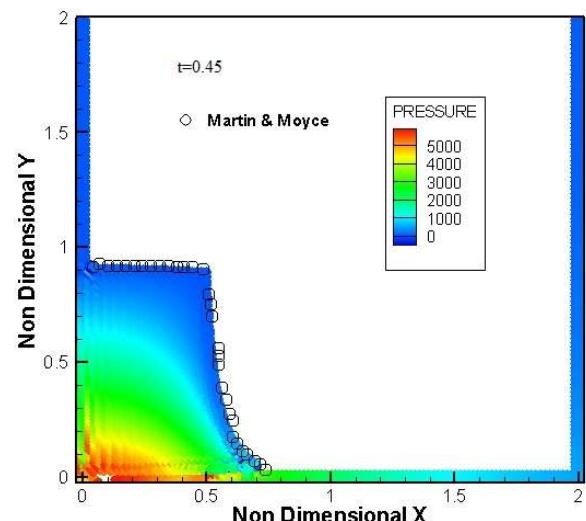
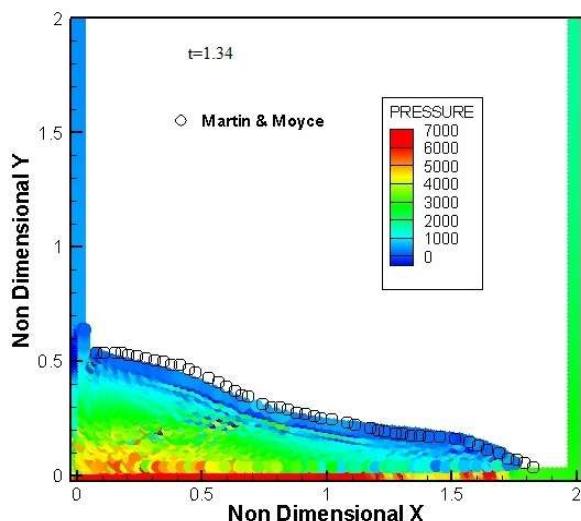
<sup>۱</sup> Courant condition



شکل ۵. زمان بی بعد بر حسب موقعیت بی بعد جبهه موج برای سیال نیوتونی  
Fig. 5. Dimensional time according to the dimensionless position of the wave front for Newtonian fluid



شکل ۴. طرحواره مسئله شکست سد روی بستر خشک  
Fig. 4. Scheme of dam break problem on dry bed

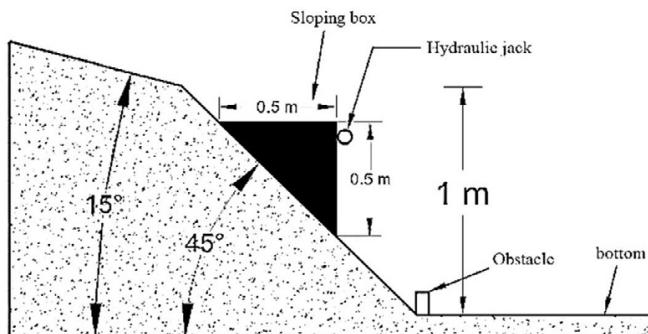


شکل ۶. موقعیت ذرات و توزیع فشار در زمان‌های بی بعد مختلف در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی مارتین و مویس  
Fig. 6. Particle position and pressure distribution at different dimensional times compared to Martin and Moyes laboratory results

جدول ۱. مقایسه آماری جبهه موج برای سیال نیوتونی محاسبه شده در محل شکست سد برای مدل عددی حاضر با مقادیر تحلیلی

Table 1. Statistical comparison of wave front for Newtonian fluid calculated at dam fracture site for the present numerical model with analytical values

NRMSE	NSE	RMSE	MAE	ضریب همبستگی $r$	پارامتر
0/168	0/974	0/0003	0/0542	0/9998	مقدار

شکل ۷. تجهیزات آزمایشگاهی  
Fig. 7. laboratory equipment

شکل ها مشخص است، فشار ذرات مرزی خیلی زیاد شده تا ذرات سیال درون مرز نفوذ نکنند.

پس از برخورد ذرات با دیواره عمودی و دور شدن آنها از دامنه محاسباتی، تعداد ذرات همسایه یک ذره مشخص کاهش می یابد و لذا تابع کرنل از دقت کافی برخورد نخواهد بود، این مشکل با حذف این ذرات برطرف خواهد شد.

به منظور مقایسه آماری جبهه موج برای سیال نیوتونی محاسبه شده در محل شکست سد برای مدل عددی حاضر، میانگین مطلق خط<sup>۱</sup> در معادله ۵۰، جذر میانگین مربعات خط‌آدر معادله ۵۱، ضریب کارایی مدل نش-ساتکلیف<sup>۲</sup> در معادله ۵۲ و جذر میانگین مربعات خطای نرمال<sup>۳</sup> در معادله ۵۳ محاسبه گردیده است.

$$MAE = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (h_m - h_p) \quad (50)$$

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (h_m - h_p)^2}{N}} \quad (51)$$

$$NSE = 1 - \frac{\sum_{i=1}^N (h_m - h_p)^2}{\sum_{i=1}^N (h_m - \bar{h}_m)^2} \quad (52)$$

$$NRMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (h_m - h_p)^2}{\sum_{i=1}^N h_m^2}} \quad (53)$$

که در آن  $N$  تعداد داده ها،  $h_m$  مقدار عمق آب اندازه گیری شده و  $h_p$  مقدار عمق آب برآورد شده است.

در جدول ۱ مقایسه آماری پیشانی موج برای سیال نیوتونی محاسبه شده در محل شکست سد برای مدل عددی حاضر با مقادیر

1 Mean Absolute Error

2 Root Mean Squared Error

3 Nash-Sutcliffe model efficiency coefficient

4 Normalized Root Mean Squared Error

تحلیلی آورده شده است.

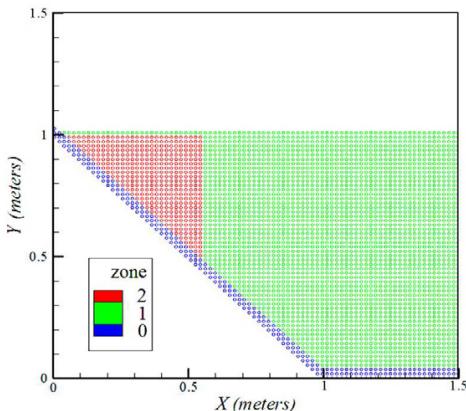
همان‌گونه که ملاحظه می شود مدل عددی نتایج حل تحلیلی را خوب تقریب زده و نتایج مدل حاضر برای عمق جریان در محل شکست، به حل تحلیلی نزدیک است. هم چنین ضریب همبستگی و جذر میانگین مربعات خطای نرمال برای پارامترهای مورد محاسبه نشان می دهد مدل با دقت مناسبی کالیبره شده است و مدل مذکور توانایی شبیه سازی عمق و دبی آب را دارد.

#### ۴- امواج ناشی از زمین لغزش زیرسطحی

مسئله ای که در این مقاله مورد بررسی قرار می گیرد هندسه مسئله ای است که هینریخ (۱۹۹۲) برای مطالعه آزمایشگاهی زمین لغزش زیرسطحی استفاده کرده است [۲۶].

#### ۴-۱- تشریح کanal

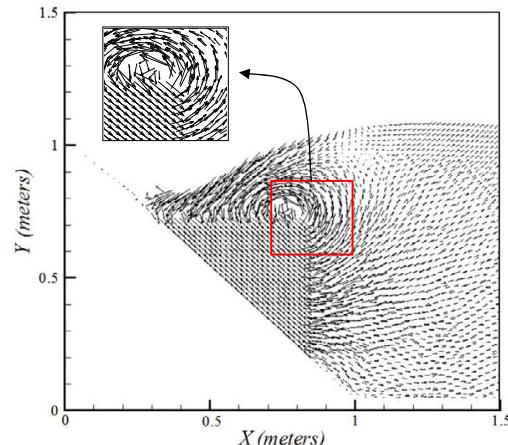
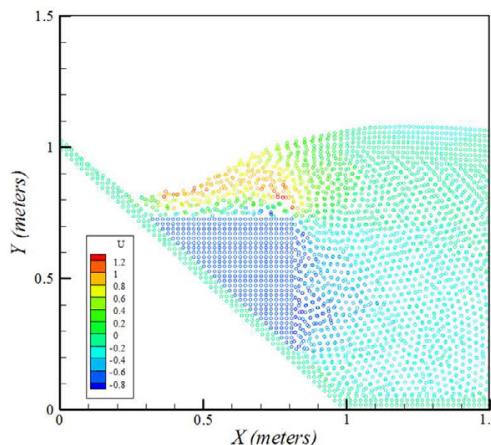
آزمایش ها در کanalی به طول ۲۰ متر، عرض ۵۵ سانتی متر و عمق ۱/۵ متری در آزمایشگاه ملی هیدرولیک چاتو فرانسه انجام شد. آزمایش ها شامل خلق امواج آب بوسیله حرکت مایل آزادانه یک جسم در صفحه شیبدار با زاویه ۴۵ درجه صورت پذیرفت. قسمت



شکل ۸. توزیع ذرات شبیه سازی شده در لحظه  $t=0$  ثانیه  
Fig. 8. Distribution of simulated particles at  $t = 0$  s

جدول ۲. پارامترهای محاسباتی به کار گرفته شده برای حل مساله زمین لغزش<sup>\*</sup>  
Table 2. Computational parameters used to solve the landslide problem

آیتم	توضیحات
گام زمانی	گام زمانی برابر ۰/۰۰۰۰۲ است.
فاصله اولیه	فاصله اولیه ذرات برابر ۰/۰۱۸ متر است.
تعداد ذرات	Zone 0 : تعداد ذرات دیواره جامد = 1240 Zone 1 : تعداد ذرات آب = 8646 Zone 2 : تعداد ذرات جسم صلب = 406
طول هموار	طول هموار سازی $1/2$ است.
ضریب اصطکاک	ضریب اصطکاک برابر ۱ است.



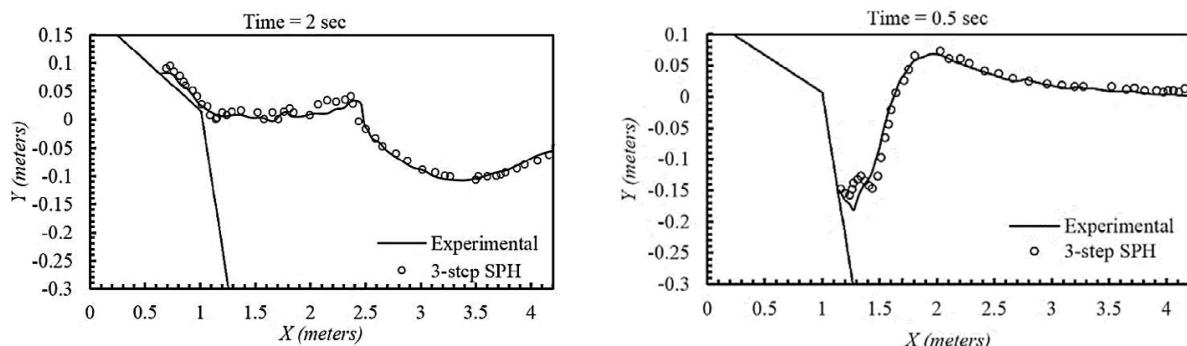
شکل ۹. نمایش توزیع سرعت ذرات محاسبه شده برای زمین لغزش مستغرق در زمان  $t=0.2$  ثانیه  
(شکل سمت راست: توزیع بردارهای سرعت ذرات، شکل سمت چپ: توزیع سرعت U ذرات)

Fig. 9. Display of particle velocity distribution calculated for submerged landslide at time  $t = 0.2$  seconds  
(Figure right: Particle velocity vector distribution, Left figure: U particle velocity distribution)

فروند جسم  $V_{avg} / \sqrt{gd}$  است، که میانگین سرعت عمودی جسم می باشد. عدد فروند از  $۰/۰۵$  تا  $۰/۵$  تغییر می کرد. جسم به چهار غلطک مجهر شده بود که تنها تحت تاثیر نیروی گرانش به داخل آب سر می خورد و زمانی که به کف می رسید توسط یک مانع پلاستیکی به طور ناگهانی متوقف می گردید. جسم در موقعیت اولیه خود بوسیله یک جک هیدرولیکی نگه داشته شده بود و این جک این امکان را می داد که جسم فوراً توسط کنترل الکتریکی جک رها شود. بعد از رها شدن جک، امواج توسط سقوط جسم، تولید و به انتهای کanal حرکت می کرد و پروفیل امواج ثابت می گردید.

ساحلی کanal بوسیله شبیه سازی با زاویه  $۱۵$  درجه مدل سازی شد که محل تقاطع دو شبیه، یک متر بالاتر از کف افقی کanal قرار می گرفت. عمق آب از  $۰/۵$  سانتی متر تا  $۱/۵$  متر می توانست متغیر در نظر گرفته شود. شکل ۷ چگونگی آماده سازی موقعیت آزمایش را نشان می دهد.

جسم در مقطع عرضی، مثلثی طراحی شده ( $۰/۵$  متر در  $۰/۵$  متر)، و عرض آن به اندازه عرض کanal تنظیم گردید. سطح هندسی فوقانی جسم موازی سطح ساکن آب در خلال آزمایش بود. نیروی وزن جسم موجب افزایش سرعت سقوطش در شبیه می گشت. عدد



شکل ۱۰. مقایسه بین نیمرخ های موج آزمایشگاهی و عددی برای زمین لغزش های مستغرق در زمان های ۰/۵ و ۲ ثانیه (مقیاس x و y متفاوت است).  
Fig. 10. Comparison between experimental and numerical wave profiles for submerged landslides at 0.5 and 2 s (x and y scales are different)

رخ می دهد که عمق آب ۴۰ سانتی متر است و کل جسم در ابتدای آزمایش بالای سطح آب می باشد. وزن جسم در آزمایش اول ۱۴۰ کیلوگرم و در آزمایش دوم ۱۰۴ کیلوگرم در نظر گرفته شده است. چگالی ذرات سیال برابر  $1000 \text{ kg/m}^3$  و چگالی توده لغزنش برابر  $2000 \text{ kg/m}^3$  می باشد. در جدول ۲ پارامترهای محاسباتی به کار گرفته شده برای حل مساله زمین لغزش آمده است.

مقایسه داده های عددی و آزمایشگاهی در شرایط یکسان انجام می گیرد تا در نهایت از صحت عملکرد و رفتار منطقی مدل اطمینان حاصل شود.

#### ۴-۳- مقایسه بین نتایج عددی و آزمایشگاهی

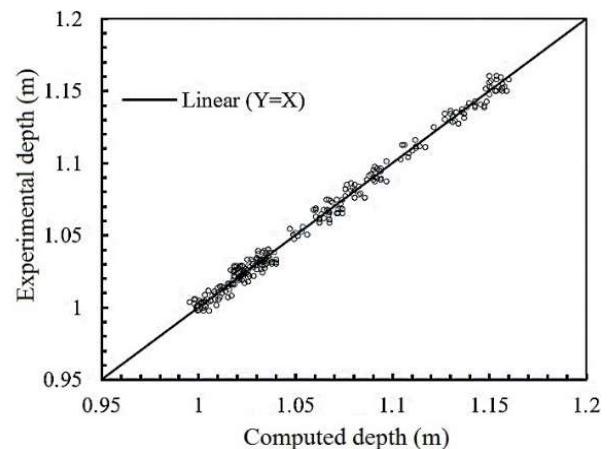
الف : زمین لغزش مستغرق

همان طور که قبلاً اشاره گردید در این آزمایش، عمق آب یک متر است و قسمت بالای جسم در ابتدای آزمایش به اندازه یک سانتی متر زیر سطح آزاد اولیه آب است.

در شکل ۸ خروجی وضعیت قرار گیری و توزیع ذرات شبیه سازی شده توسط برنامه در لحظه  $t = 0$  ثانیه نمایش داده شده است.

شکل خروجی توزیع سرعت ذرات محاسبه شده در زمان  $0/2$  ثانیه در شکل شماره ۹ نشان داده شده است.

به منظور ارزیابی دقیق تر، نتایج آزمایشگاهی در سه ناحیه :  
(۱) ناحیه تولید  $3: 4m < x < 1m$  (۲) ناحیه دور خیز



شکل ۱۱. مقایسه آماری رقوم سطح آب اندازه گیری شده با رقوم سطح آب آزمایشگاهی در زمان های مختلف  
Fig. 11. Statistical comparison of measured water level cultivar with laboratory water cultivar at different times

سطح نرم جسم، دو وجه شیب و وجوده داخلی دیوار بدقت بررسی شده اند که تطابق بسیار نزدیکی با آزمایش های عددی داشته باشند طوری که همه این قسمت بدون اصطکاک باشند.

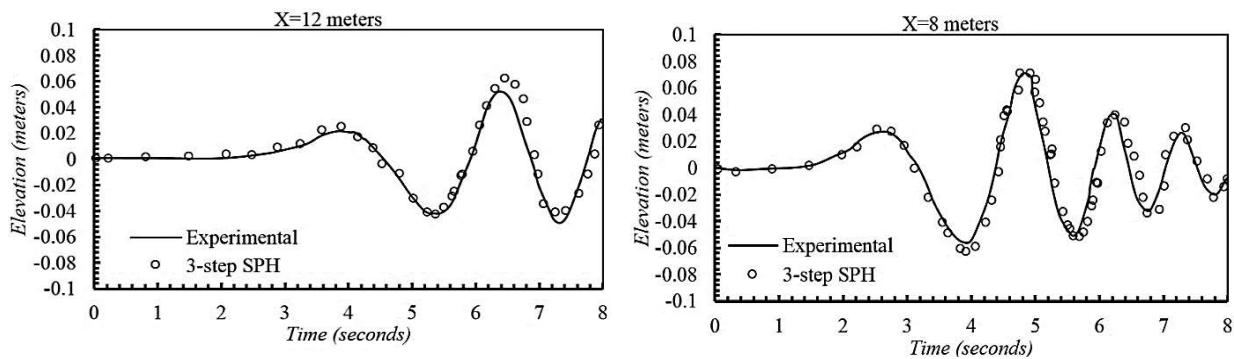
#### ۴-۴- آزمایش های عددی

دو نوع از زمین لغزش در این مقاله مورد مطالعه قرار گرفتند: اولین آزمایش، یک زمین لغزش زیر سطحی<sup>۱</sup> است که عمق آب یک متر است و کل جسم در ابتدای آزمایش مستغرق می باشد. در دومین آزمایش، زمین لغزش خارج از سطح آب (زمین لغزش بیرونی)<sup>۲</sup>

<sup>3</sup> Generation Run-up

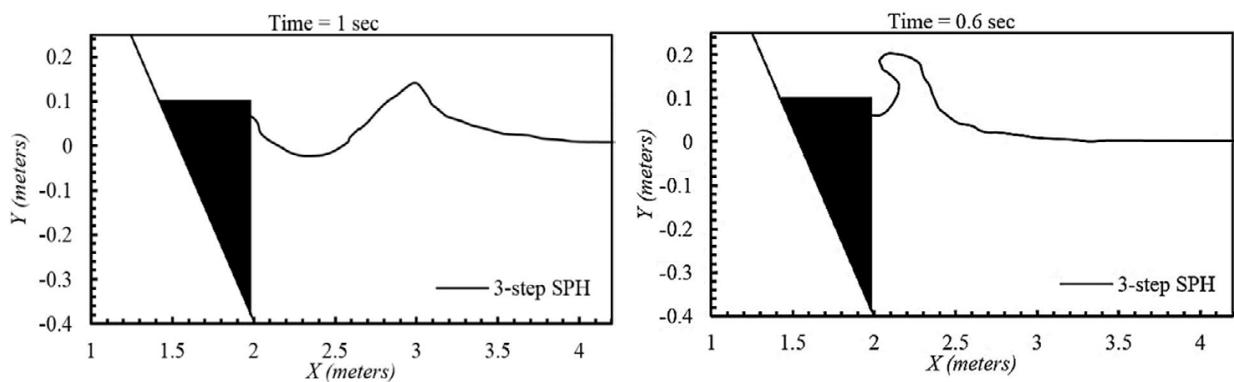
<sup>1</sup> Submarine Landslide

<sup>2</sup> Aerial Landslide



شکل ۱۲. نمودارهای موج: مقایسه بین امواج محاسبه شده و آزمایشگاهی در ۸ و ۱۲ متری از زمین لغزش مستغرق (مقیاس x و y متفاوت است).

Fig. 12. Wave diagrams: Comparison between calculated and laboratory waves at 8 and 12 meters of submerged landslide (x and y scales are different).



شکل ۱۳. نیمرخ موج محاسبه شده برای زمین لغزش بیرونی در زمان های ۰/۰ و ۱ ثانیه (مقیاس x و y متفاوت است).

Fig. 13. The calculated wave profile for an external landslide at times of 0.6 and 1 second (x and y scales are different).

دامنه کمتر خواهد شد.

به منظور مقایسه آماری در شکل ۱۱ رقوم سطح آب اندازه گیری شده در مقابل رقوم محاسباتی در زمان های مختلف آورده شده است.

از مقایسه نتایج اندازه گیری شده با آزمایشگاهی، مقادیر آماری r و RMSE به ترتیب ۰/۹۵ و ۰/۰۰۷۱ به دست آمدند. این نتایج نشان دهنده دقیق بالای مدل در محاسبه نیمرخ سطح آب ناشی از زمین لغزش زیرسطحی می باشد.

الف-۲: ناحیه دور خیز

موج ده که در منطقه ساحلی بوجود آمده، یک میرایی بسیار ضعیفی را در ارتفاع موج موجب می شود. در حقیقت، فشار به دقیق در سلول های شامل سطح آزاد افقی و مانع رفتار نمی کند. وقتی که در نزدیکی ساحل، فضای بهتری در مسیر علاوه برده شود تعداد این

:  $x < 1m$  ناحیه انتشار<sup>۱</sup> :  $4m < x$

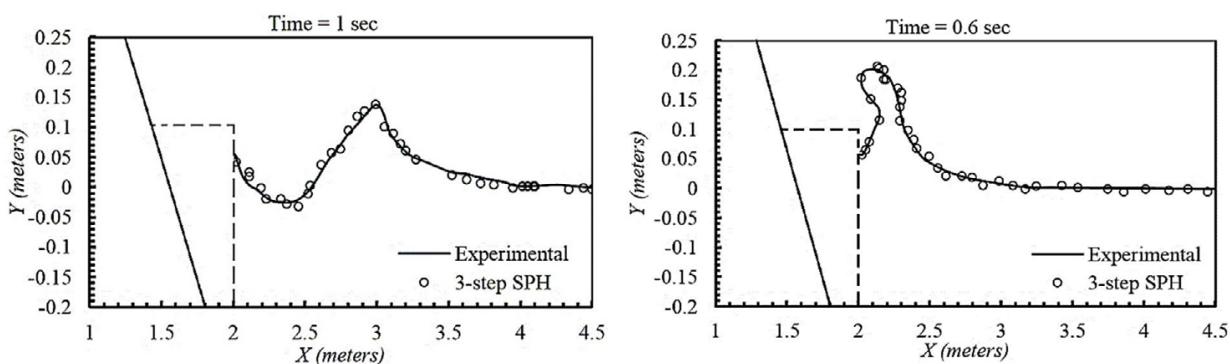
با نتایج مدل عددی مقایسه شدن.

الف-۱: ناحیه تولید

در شکل ۱۰ نیمرخ های موج آزمایشگاهی رقومی شده با مدل عددی حاضر در زمان های ۰/۰ و ۰/۵ ثانیه مقایسه شده است. اختلاف بوجود آمده توسط حرکت بسیار آشفته در این قسمت از مدل سازی تعبیر می شود.

در زمان های بعد از ۰/۲ ثانیه، امواج عددی به سمت انتشار بیشتر از حالت آزمایشگاهی آن با اختلافی بین خط الراس ۵ الی ۱۰ سانتی متری گرایش پیدا می کند. سرعت موج حدود ۳ متر در ثانیه است. آشفتگی سطح آزاد آب سبب جریانی پیچیده می شود. برای وزن های کمتر جسم و اعمق بیشتری از استغراق، این اختلاف ها در

<sup>1</sup> Propagation



شکل ۱۴. مقایسه بین نمایخ های موج آزمایشگاهی و عددی برای زمین لغزش بیرونی در زمان های ۰/۶ و ۱ ثانیه (مقیاس x و y متفاوت است).

Fig. 14. Comparison between experimental and numerical wave profiles for external landslides at 0.6 and 1 s (x and y scales are different).

غیرخطی است و متعلق به خانواده موج استوکس است که توسط تاج های با دامنه بزرگتر از آن حداقل موج مشخص شده است. بعد، در فاصله  $12 \text{ متر} = 5\lambda$  و  $a/\lambda \sim 0.10/5 = 0.02$ ، تاج به یک موج سینوسی تغییر می کند.

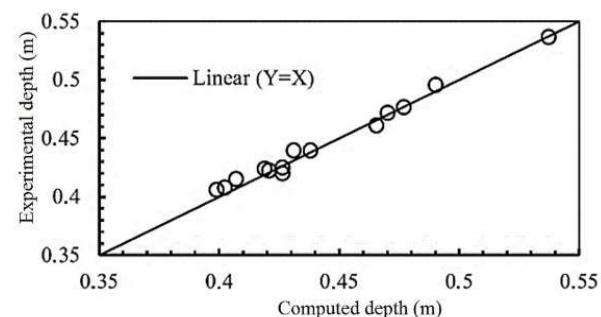
#### ب : زمین لغزش بیرونی

در این آزمایش، عمق آب  $0.14 \text{ متر}$  است و انتهای کanal در ابتدای آزمایش بالای سطح آزاد آب است. شکل ۱۳ نیمرخ سطح آب را در زمان های ۰/۶ و ۱ ثانیه نشان می دهد.

برای این نوع از زمین لغزش، شکل امواج کاملاً متفاوت است. تاج ابتدایی بزرگترین موج است. این موج مربوط به حجم آب های جابجا شده توسط سقوط جسم است. شکل موج حاصل از آزمایش های متتشکل از امواج نوسانگر غیرخطی به شدت متغیر است. ویژگی های مناطق مختلف امواج تقریباً آن هایی هستند که در نمودار داں و ویگل (۱۹۷۲) نشان داده شده است که برای امواجی که توسط یک دیوار عمودی که به صورت افقی از عرض آب حرکت می کند تولید شده اند. دو محور این نمودار عدد فرود مبتنی بر میانگین سرعت دیوار  $V_{avg} / \sqrt{gd}$  و جابجا بی نسبی دیوار به عمق آب است. در این مقاله، محور دوم بوسیله جابجا بی نسبی افقی جسم جایگزین شده است.

#### ب-۱ : ناحیه تولید

سطح آزاد محاسبه شده عددی و سطح آزاد آزمایشگاهی در زمان های متفاوت ۰/۶ و ۱ ثانیه در شکل ۱۴ نمایش داده شده است. همان طور که برای زمین لغزش های مستغرق دیده می شود، دو



شکل ۱۵. مقایسه آماری رقوم سطح آب اندازه گیری شده با رقوم سطح آب آزمایشگاهی در زمان های مختلف

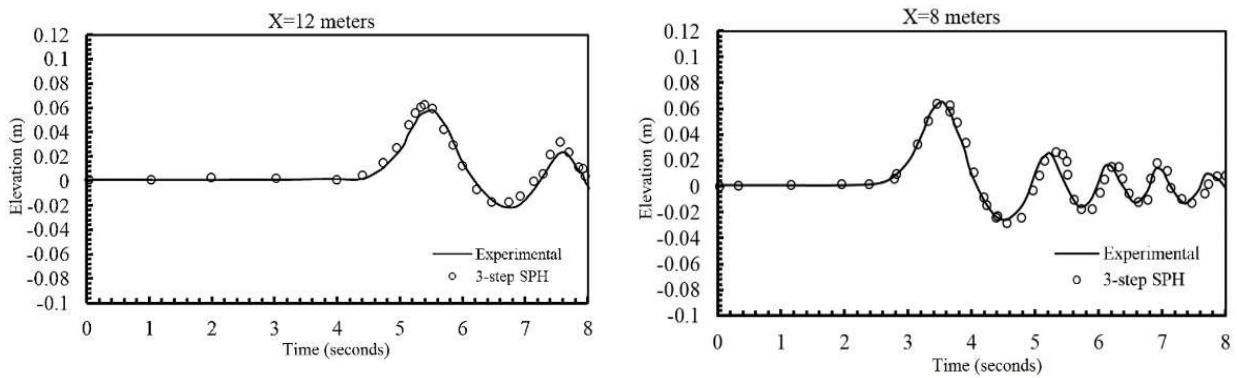
Fig. 15. Statistical comparison of measured water level cultivar with laboratory water cultivar at different times

سلول ها کاهش پیدا می کند و نتایج عددی بهبود می یابد.  
الف-۳ : ناحیه انتشار

شکل ۱۲ نوسان های سطح آب نسبت به زمان را در فواصل ۸ و ۱۲ متری به عنوان تابعی از زمان می دهد. همان گونه که ملاحظه می شود برای هر سه موقعیت مکانی نیمرخ سطح آب اندازه گیری شده با مقادیر اندازه گیری شده تطابق نسبتاً مناسبی دارد.

در همه موارد از زمین لغزش های زیر سطحی، مشاهده شد که یک خط الراسی همیشه در طول موج شکل می گیرد. در فاصله ۸ متری، سرعت تاج دوم حدود  $2/2 \text{ متر بر ثانیه}$  است.  $a$  ارتفاع عمودی بین دومین تاج و نشیب موج بعدی باشد و  $\lambda$  طول موج است. در دیاگرام لایتل هل<sup>۱</sup> مشخصه های پارامتریک از دومین تاج،  $a/\lambda \sim 3.1$  و  $a/\lambda d \sim 0.13/3 = 0.04$  است. این تاج یک موج

<sup>۱</sup> Lighthill's diagram



شکل ۱۶. سنجش های موج، مقایسه بین امواج محاسبه شده و آزمایشگاهی در ۸ و ۱۲ متری از زمین لغزش مستغرق (مقیاس x و y متفاوت است).

**Fig. 16. Wave measurements, comparison between calculated and laboratory waves at 8 and 12 meters of submerged landslide (x and y scales are different)**

تغییر می کند، به طوری که آن موج به خانواده امواج کنوئیدال<sup>۱</sup> متعلق است.

## ۵- نتیجه گیری

در این تحقیق از یک الگوریتم جدید SPH در حل مساله شبیه سازی عددی امواج ناشی از زمین لغزش زیرسطحی استفاده شده است. مدل فیزیکی این مساله براساس یک مدل آزمایشگاهی انتخاب شده و مورد بررسی قرار گرفته است. بر اساس اطلاعات موجود، این شبیه سازی تاکنون با روش SPH سه مرحله ای صریح انجام نشده است. به منظور بررسی توانایی این روش در مدل کردن این مسئله، نتایج بدست آمده از روش SPH تراکم ناپذیر سه مرحله ای با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شده است. به منظور معترسازی روش، مسئله شکست سد روی بستر خشک با موفقیت حل شده است. نتایج این تحقیق، حل تحلیلی را خوب تقریب زده و مدل حاضر برای عمق جریان در محل شکست، به حل تحلیلی نزدیک است. رسیدن به ضریب همبستگی  $0.9998$ ، متوسط خطای مطلق  $0.0542$  و ضریب کارایی مدل نش ساتکلیف  $0.974$  برای پارامترهای مورد محاسبه، نشان می دهد مدل با دقت مناسبی کالیبره شده است و مدل مذکور توانایی شبیه سازی عمق و دبی آب را دارد. با توجه به مطالب گفته شده و مقایسه بین نتایج شبیه سازی حاصل از الگوریتم ارائه شده در این پژوهش و مدل واقعی، مشخص گردید که این نتایج با درصد خطای کم، بسیار به هم شبیه می باشند؛ و بنابراین می توان گفت که الگوریتم مذکور

سطح آزاد تقریباً یکسان به جز یکی در نزدیکی جسم وجود دارد که شکست موج مشاهده شده است. همان طور که قبل ذکر شد، پیشرفت کمی در زمان برای موج محاسبه شده مشاهده شده است که ممکن است به پدیده آشفتگی مربوط باشد.

به منظور مقایسه آماری در شکل ۱۵ رقوم سطح آب اندازه گیری شده در مقابل رقوم محاسباتی در زمان های مختلف آورده شده است.

از مقایسه نتایج اندازه گیری شده با آزمایشگاهی، مقادیر آماری RMSE به ترتیب  $0.045$  و  $0.091$  به دست آمدند. این نتایج نیز نشان دهنده دقت بالای مدل در محاسبه نیمرخ سطح آب ناشی از زمین لغزش زیرسطحی می باشد.

## ب-۲ : انتشار

شکل ۱۶ مقایسه بین سطوح آزاد آزمایشگاهی و عددی را در فواصل ۸، ۱۲ و ۱۶ متری نشان می دهد.

همان طور که قبل گفته شد، پراکندگی عددی، دامنه های تاج های کوچک و نشیب های موج کوچک را کاهش می دهد. اولین تاج با سرعت در حدود  $\sqrt{gd}$  که  $1/2$  متر در ثانیه می شود منتشر می گردد. در زمان  $1/5$  ثانیه پارامترهای بدون بعد لایتهل  $a/\lambda \sim 0.027$  و  $a/\lambda \sim 0.022$  است. این تاج یک موج غیرخطی است و متعلق به خانواده موج استوکس است که توسط تاج های با دامنه بزرگتر از آن حداقل موج مشخص شده است. بعد، در فاصله ۱۲ متری، تاج به یک موج سینوسی  $a/\lambda \sim 0.11/5 = 0.022$  و

۱ Cnoidal

Applied Mechanics and Engineering, Vol. 310, pp. -674  
693, 2016.

[8]. D. Nomeritae, S. Grimaldi, Explicit incompressible SPH algorithm for free-surface flow modelling: A comparison with weakly compressible schemes, Advances in Water Resources, Vol. 97, pp. 167-156, 2016.

[9]. C. Shi, Y. An, Q. Wu, Q. Liu, Numerical simulation of landslide-generated waves using a soil-water coupling smoothed particle hydrodynamics model, Advances in Water Resources, Vol 92, pp. 141-130, 2016.

[10]. Y. An, Q. Wu, Q. Liu, Three-dimensional smoothed-particle hydrodynamics simulation of deformation characteristics in slope failure, Advances in Water Resources, Vol 92, pp.11-1, 2016.

[11]. S. Viroulet, D. Cébron, o. Kimmoun, Ch. Kharif, Shallow water waves generated by subaerial solid landslides, Geophysical Journal International, Vol.193 , pp.762-747, 2013.

[12]. H.M. Fritz, F. Mohammed, J. Yoo, Lituya Bay landslide impact generated mega-tsunami 50 th Anniversary, in: Tsunami Science Four Years after the 2004 Indian Ocean Tsunami, Springer, pp.175-153, 2009.

[13]. M. Khanpour, A. R. Zarrati, M. Kolahdoozan, A. Shakibaeinia, and S. Jafarinik, Numerical modeling of free surface flow in hydraulic structures using Smoothed Particle Hydrodynamics. Applied Mathematical Modelling, vol. 40, pp. 9834-9821, 2016.

[14]. F. Rouzbahani, K. Hejranfar, A truly incompressible smoothed particle hydrodynamics based on artificial compressibility method, Computer Physics Communications, vol. 210, pp. 28-10, 2016.

[15]. V. Khoolosi, S. Kabdaşlı, Numerical Simulation of Impulsive Water Waves Generated by Subaerial and Submerged Landslides Incidents in Dam Reservoirs, Civil Engineering Journal, Vol. 2, No. 10, pp. 519-497, 2016.

[16]. L.-c. Qiu, F. Jin, P.-z. Lin, Y. Liu, Y. Han, Numerical simulation of submarine landslide tsunamis using particle based methods, Journal of Hydrodynamics, Vol.29 , pp. -542 551, 2017.

[17]. L. Gui-Rong, L. Moubin, Smoothed particle hydrodynamics:

یک روش صحیح در تحلیل مسائل جریان‌های تراکم‌ناپذیر می‌باشد و می‌توان به نتایج حاصله در استفاده از این الگوریتم اعتماد کرد. هم‌چنین بررسی‌ها نشان داد که مدل‌سازی امواج ناشی از زمین‌لغزش در ناحیه تولید و ناحیه دور خیز توانایی بالایی دارد و ناحیه انتشار را با دقت ۹۵ درصد به خوبی شبیه‌سازی می‌کند. از مقایسه نتایج اندازه گیری شده با آزمایشگاهی، مقادیر آماری  $r$  و RMSE بهترتیب ۰/۹۵ و ۰/۰۷۱ به دست آمد که نشان دهنده دقت بالای مدل در محاسبه نیمرخ سطح آب ناشی از زمین‌لغزش زیرسطحی می‌باشد. در نهایت، نتایج به دست آمده نمایانگر تشابه کیفی آن با نتایج گزارش شده در مراجع مهندسی ساحل می‌باشد.

## مراجع

- [1]. B. Ataie ashtiani, B. Shobeyri, Numerical simulation of landslide impulsive waves by incompressible smoothed particle hydrodynamics, International Journal for numerical methods in fluids, Vol. 56, No. 2, pp. 232-209, 2008.
- [2]. L. B. Lucy, A numerical approach to the testing of the fission hypothesis, The astronomical journal, Vol. 82, pp. 1024-1013, 1977.
- [3]. R. A. Gingold, J. J. Monaghan, Smoothed particle hydrodynamics: theory and application to non-spherical stars, Monthly notices of the royal astronomical society, Vol. 181, No. 3, pp. 389-375, 1977.
- [4]. T. Capone, A. Panizzo, J.J. Monaghan, SPH modelling of water waves generated by submarine landslides, Journal of Hydraulic Research, Vol.48 , pp. 84-80, 2010.
- [5]. S.A. Rzadkiewicz, C. Mariotti, P. Heinrich, Numerical simulation of submarine landslides and their hydraulic effects, Journal of Waterway, Port, Coastal, and Ocean Engineering, Vol.123 , pp. 157-149, 1997.
- [6]. A. Leroy, D. Violeau, M. Ferrand, Unified semi-analytical wall boundary conditions applied to 2-D incompressible SPH, Journal of Computational Physics, Vol. 261, pp.-106 129, 2014.
- [7]. E. Napoli, M. De Marchis, C. Gianguzzi, Milici, A coupled Finite Volume-Smoothed Particle Hydrodynamics method for incompressible flows, Computer Methods in

- physics, Vol.136, pp. 226-214, 1997.
- [23]. S. Shao, E. Lo, Incompressible SPH method for simulating Newtonian and non-Newtonian flows with a free surface, Advances in water resources, Vol.26, pp.800-787, 2003.
- [24]. D. Komatina, M. Jovanovic, Experimental study of steady and unsteady free surface flows with water-clay mixtures. Journal of Hydraulic Research, Vol.35, pp.590-579, 1997.
- [25]. J. Martin, W. Moyce, An experimental study of the collapse of liquid columns on a rigid horizontal plane, Philosophical Transactions of the Royal Society of London A: Mathematical, Physical and Engineering Sciences, Vol.244, pp.324-312, 1952.
- [26]. P. Heinrich, Nonlinear water waves generated by submarine and aerial landslides, Journal of Waterway, Port, Coastal, and Ocean Engineering, vol. 118, pp. 266-249, 1992.
- a meshfree particle method, World Scientific, 2003.
- [18]. R. Xu, An improved incompressible smoothed particle hydrodynamics method and its application in free-surface simulations, PhD, University of Manchester, UK, 2010.
- [19]. J. Monaghan, R. Gingold, Shock simulation by the particle method SPH, Journal of computational physics, Vol.52, pp. 389-374, 1983.
- [20]. S. Cummins, M. Rudman, An SPH projection method. Journal of computational physics, Vol.152, pp.607-584, 1999.
- [21]. S. Hosseini, M. Manzari, S. Hannani, A fully explicit three-step SPH algorithm for simulation of non-Newtonian fluid flow, International Journal of Numerical Methods for Heat & Fluid Flow, Vol.17, pp.735-715, 2007.
- [22]. J. Morris, P. Fox, J. Zhu, Modeling low Reynolds number incompressible flows using SPH, Journal of computational

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم

S.E. Hosseini Mobarra, R. Ghobadian, Numerical Simulation of Sub-Surface Landslide Waves Using an explicit three-step compressible SPH algorithm, Amirkabir J. Civil Eng., 52(4) (2020) 969-988.

DOI: [10.22060/ceej.2019.15114.5831](https://doi.org/10.22060/ceej.2019.15114.5831)



